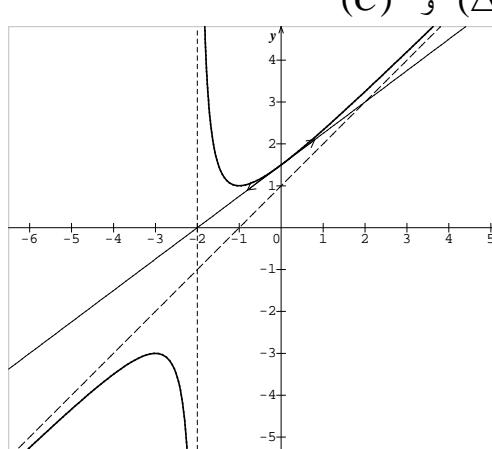
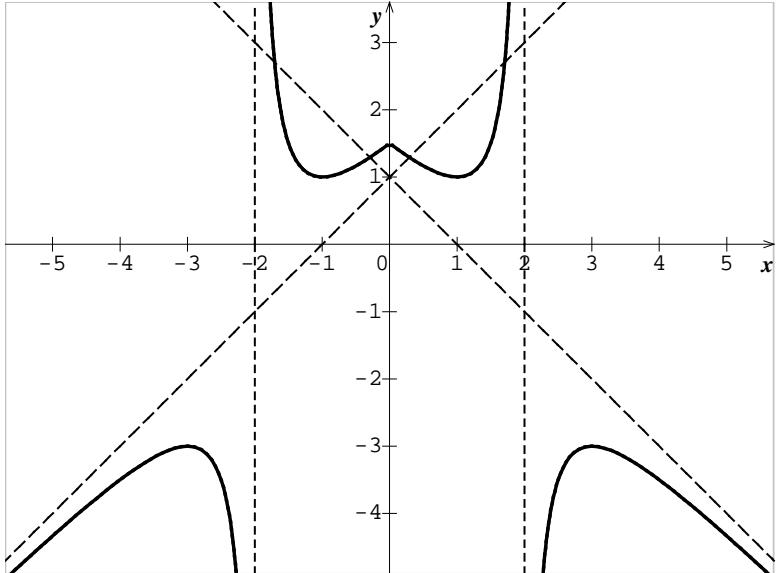


# موقع عيون البصائر التعليمي

الإجابة النموذجية مادة: الرياضيات. الشعبة : تسيير واقتاصد. بكالوريا 2022

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة	التمرين الأول (04 نقاط)
التمرين الثاني (04 نقاط)		
01	0.50 0.50	الإجابة الصحيحة هي ب (1) التبير : $u_{1954} + \dots + u_{2022} = \frac{69}{2}(u_{1954} + u_{2022}) = -411447$
01	0.50 0.50	الإجابة الصحيحة هي أ (2) التبير : $v_{n+1} = \frac{1}{2}v_n$ او $v_n = 2\left(\frac{1}{2}\right)^n$
01	0.50 0.50	الإجابة الصحيحة هي ب (3) التبير : $\int_1^2 \left(1 + \frac{1}{x^2}\right) dx = \left[x - \frac{1}{x}\right]_1^2 = \frac{3}{2}$
01	0.50 0.50	الإجابة الصحيحة هي ج (4) التبير : من أجل كل $x \in \mathbb{R}$ ، $f(-6-x) = f(x)$
التمرين الثالث (04 نقاط)		
1.75	0.25+0.50	أ- بالنشر والتبسيط أو التحليل نجد: $(x+1)^2(x-1) = x^3 + x^2 - x - 1$ (1)
	0.50 0.25×2	ب- من أجل كل $x \in \mathbb{R}$ يكافي $g'(x) = f(x)$ و $b = 2$ و $a = 3$
0.5	0.50	بالنشر والتبسيط أو التحليل نجد: $(x+1)(3x-1) = 3x^2 + 2x - 1$ (2)
1.75	0.50×2	أ- تحليل العبارة $g(x) - f(x) = x(x+1)(x-3)$ (3)
	0.25×3	ب- إحداثيا نقط التقاطع : $(3; 32)$ و $(0; -1)$ و $(-1; 0)$
التمرين الثالث (04 نقاط)		
2.50	0.25×2	أ- $u_3 = 7$ و منه $3u_3 = 21$
	0.25+0.25	$u_0 = 1$ و $r = 2$ و منه $2u_3 + 3r = 20$ يكافي $u_4 + u_5 = 20$
	0.25+0.50	ب- $u_n = u_0 + rn = 2n + 1$
	0.25+0.50	ج- $S_n = \frac{n}{2}(u_0 + u_{n-1}) = n^2$
01	0.25+0.25	أ- $\frac{v_{n+1}}{v_n} = \frac{3 \times 2^{2n+2}}{3 \times 2^{2n}} = 4$ و منه $(v_n)$ متالية هندسية
	0.25+0.25	ب- $S'_n = 4^n - 1$
0.50	0.25	أ- $w_n = \frac{2}{3}v_n = \frac{2}{3}(3 \times 2^{2n}) = 2^{2n+1} = 2^{u_n}$
	0.25	ب- $p_n = 2^{s_n} = 2^{n^2}$

التمرين الرابع (08 نقاط)																					
1.75	0.50+0.50 0.25	$\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = -\infty$ أ (1) التفسير البياني: $(C_f)$ معادلة مستقيم مقارب لـ $x = -2$																			
	0.25+0.25	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ب																			
1.25	0.25	$f(x) - (x + 1) = \frac{1}{x + 2}$ مستقيم مقارب لأن: $(\Delta): y = x + 1$ (2)																			
	0.25×2	$\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (x + 1)) = 0$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (x + 1)) = 0$																			
	0.25×2	$]-\infty; -2[$ أعلى $(\Delta)$ في $(C)$ ، $]-2; +\infty[$ أسفل $(\Delta)$ في $(C)$																			
0.5	0.25×2	مركز التاظر لأن $A(-2; -1)$ $f(-4 - x) + f(x) = -2$ (3)																			
2	0.50×2 0.25 0.25 0.5	$f'(x) = \frac{x^2 + 4x + 3}{(x + 2)^2} = \frac{(x + 3)(x + 1)}{(x + 2)^2}$ أ (4) ب - متزايدة تماما على كل من $[-\infty; -3[$ و $]-3; +\infty[$ متناقصة تماما على كل من $[-2; -1[$ و $]-1; +\infty[$ جدول تغيرات $f$ <table border="1" style="margin-left: 20px;"> <tr> <td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>-3</math></td><td><math>-2</math></td><td><math>-1</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td><td>+</td><td>0</td><td>-</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>-3</math></td><td><math>-\infty</math></td><td>1</td><td><math>+\infty</math></td></tr> </table>	$x$	$-\infty$	$-3$	$-2$	$-1$	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	-	-	0	+	$f(x)$	$-\infty$	$-3$	$-\infty$	1	$+\infty$
$x$	$-\infty$	$-3$	$-2$	$-1$	$+\infty$																
$f'(x)$	+	0	-	-	0	+															
$f(x)$	$-\infty$	$-3$	$-\infty$	1	$+\infty$																
0.50	0.50	$y = \frac{3}{4}x + \frac{3}{2}$ : (T) معادلة للماس (5)																			
01	0.25 0.25 0.5	إنشاء $(T)$ ، $(\Delta)$ و $(C)$ (6) 																			
01	0.25	أ-تبين أن $g$ دالة زوجية (7)																			

<p>0.25</p>	<p>- من أجل كل <math>x</math> من <math>]-\infty; -2] \cup [-2; 0]</math></p>
<p>0.25</p>	<p>ب- على <math>]-\infty; -2] \cup [-2; 0]</math> ينطبق على <math>(C)</math> و <math>(C_g)</math> متناظر بالنسبة إلى حامل محور التراتيب</p>
<p>0.25</p>	<p>- إنشاء <math>(C_g)</math></p> 

### عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)

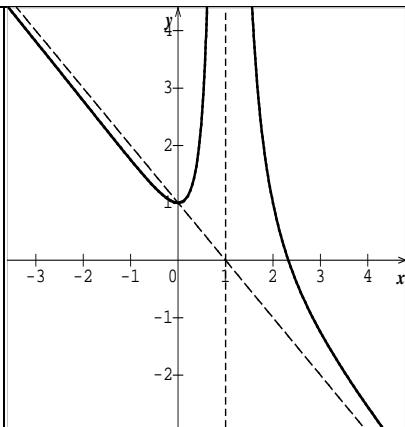
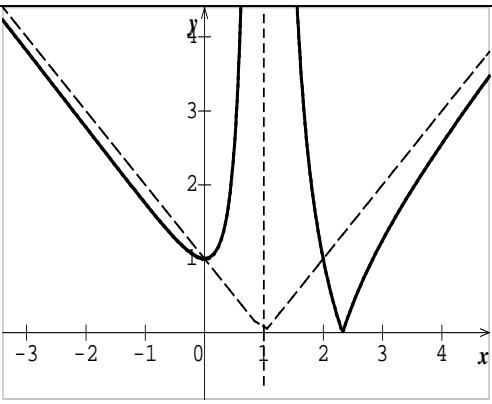
#### التمرين الأول (04 نقاط)

<p>1.50</p>	<p>0.75</p>	$(x-3)(x^2+x+1) = x^3 - 2x^2 - 2x - 3$	<p>(1)</p>
	<p>0.25+0.50</p>	$x=3$ (عند $x=3$ ) $(x-3)(x^2+x+1) = 0$ و منه $P(x)=0$ تكافئ	
<p>1.75</p>	<p>0.25+0.50</p>	$u_0q^3 - 2u_0q^2 - 2u_0q - 3u_0 = 0$ $u_3 - 2u_2 - 2u_1 - 3u_0 = 0$ $-$ و منه $q=3$ (عند $q=3$ ) $q^3 - 2q^2 - 2q - 3 = 0$	<p>(2)</p>
	<p>0.50+0.50</p>	$u_n = u_0 \times q^n = 2 \times 3^n$ $-$	
<p>0.75</p>	<p>0.25+0.50</p>	$S_n = 2(n+1)$ $w_n = \frac{u_n}{3^n} = 2$ $-$ لدينا	<p>(3)</p>

#### التمرين الثاني (04 نقاط)

<p>1.50</p>	<p>0.50+0.50</p>	$u_2 = 70$ و $u_1 = 10$ $-$	<p>(1)</p>
	<p>0.50</p>	$u_{n+1} + 5 = (5u_n + 20) + 5 = 5(u_n + 5)$ $-$	
<p>1.25</p>	<p>0.50+0.25</p>	$u_n > -5$ $-$ البرهان بالترافق على أن	<p>(2)</p>
	<p>0.25+0.25</p>	$u_{n+1} - u_n = 4(u_n + 5) > 0$ $-$ منه $(u_n)$ متزايدة تماما	
<p>0.75</p>	<p>0.50</p>	$5v_{n+1} = 5v_n$ $-$ لدينا $v_n = 3 \times 5^n$	<p>(3)</p>
	<p>0.25</p>		

0.50	0.25+0.25	$S_n = \frac{3}{4}(5^{n+1} - 1) - 5(n+1)$ ومنه $u_n = v_n - 5$ لدينا	(4)
التمرين الثالث (40 نقاط)			
01	0.50+0.50	$u_{2022} = 1012$ و $u_n = 1 + \frac{1}{2}n$ صحيح لأن:	(1)
01	0.50+0.50	$g(-1) = 0$ و $g'(x) = f(x)$ صحيح لأن:	(2)
01	0.50+0.50	$2b = a + c$ صحيح لأن:	(3)
01	0.50+0.50	$\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x + 1) \neq 0$ خطأ لأن:	(4)
التمرين الرابع (08 نقاط)			
2	0.50+0.50	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$	(1)
	0.50	$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = +\infty$	
	0.50	التفسير البياني: $x = 1$ معادلة مستقيم مقارب للمنحني ( $C_f$ )	
2	0.75	$f'(x) = \frac{-x(x^2 - 3x + 4)}{(x-1)^3}$	(2)
	0.25	ب- إشارة $f'(x)$	
	0.25	متزايدة تماما على $[0; 1]$	
	0.25	متناقصة تماما على كل من $[1; +\infty]$ و $[-\infty; 0]$	
	0.5	ج- جدول التغيرات	
1.75	0.5	$(C_f)$ ذو المعادلة $y = -x + 1$ مستقيم مقارب مائل لـ ( $\Delta$ )	(3)
	0.25×3	$f(x) - (-x + 1) = \frac{x}{(x-1)^2}$ ب- على ( $\Delta$ ) أعلى ( $C_f$ ) و على ( $\Delta$ ) أسفل ( $C_f$ )	
	0.5	ج- مبرهنة القيم المتوسطة	
1.75	0.75	$y = -x + \frac{3}{4}$ : ( $T$ ) معادلة لـ ( $T$ )	(4)

	0.5+0.5		ب - إنشاء $(\Delta)$ و $(C_f)$	
0.25	0.25	$(C_f)$ ينطبق على $(C_g)$ على $]-\infty; 1[ \cup ]1; \alpha]$ يناظر $(C_g)$ بالنسبة إلى محور الفاصل على $[\alpha; +\infty[$		(5)
	0.25		إنشاء $(C_g)$	